

OPERACIONES CON RACIONALES

1. Ordena de mayor a menor:

$5/8, 3/4, 2/3, 5/6, 7/9$

Sol: $5/6 > 7/9 > 3/4 > 2/3 > 5/8$

2. Representa sobre una recta los siguientes números:

$2/3, 3/4, 1/2, 4/5, 5/6$

3. Calcula:

$$\text{a) } \frac{3}{4} \cdot \frac{-4}{5} \quad \text{b) } \left(\frac{3}{2} - \frac{4}{3} \right) : \frac{1}{3} \quad \text{c) } \frac{\frac{1}{3} - \left(\frac{1}{2} - 1 \right)}{\frac{3}{2} - 1} \quad \text{d) } \frac{2 \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{3} \right)}{-3 \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{5} \right)}$$

Sol: a) $-3/5$; b) $1/2$; c) $5/3$; d) $-2/21$

4. Calcula:

$$\text{a) } \frac{12}{3} + \frac{3}{2} \quad \text{b) } \left(\frac{2}{3} - 2 \right) \cdot \left(3 - \frac{2}{3} \right) \quad \text{c) } \left(\frac{5}{3} - 1 \right) \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2} \right) \quad \text{d) } \left(\frac{5}{2} - 1 \right) \cdot 3$$

Sol: a) $11/2$; b) $-28/9$; c) $1/9$; d) $9/2$

5. Agrupa las fracciones equivalentes:

$4/6, 3/4, 2/3, 6/4, 12/16, 6/9, 9/6, 15/10, 15/20, 12/18$

Sol: $3/4 = 12/16 = 15/20$; $4/6 = 2/3 = 6/9 = 12/18$; $6/4 = 9/6 = 15/10$

6. Simplifica:

a) $54/72$; b) $48/72$; c) $15/60$; d) $96/64$; e) $140/40$; f) $192/320$; g) $125/100$

Sol: a) $3/4$; b) $2/3$; c) $1/4$; d) $3/2$; e) $7/2$; f) $3/5$; g) $5/4$

7. Escribe una fracción equivalente a $3/4$ y otra equivalente a $5/6$, pero que tengan el mismo denominador.

Sol: $9/12, 10/12; 18/24, 20/24 \dots$

8. Expresa en forma decimal las siguientes fracciones:

a) $7/12$; b) $1/5$; c) $3/9$; d) $5/6$; e) $1/15$; f) $3/4$; g) $15/60$

Sol: a) $0,5833\dots$; b) $0,2$; c) $0,333\dots$; d) $0,8333\dots$; e) $0,0666\dots$; f) $0,75$; g) $0,25$

9. Expresa en forma de fracción:

a) $2,333\dots$; b) $3,121212\dots$; c) $0,05$; d) $31,232323\dots$; e) $112,313131\dots$;

f) $11,3222\dots$; g) $1,2$; h) $2,1323232\dots$; i) $2,13$; j) $4,0313131\dots$

Sol: a) $7/3$; b) $103/33$; c) $1/20$; d) $3092/99$; e) $11119/99$; f) $1019/90$; g) $6/5$; h) $2111/990$; i) $213/100$; j) $3991/990$

10. Calcula:

- a) 2/3 de 15 b) 3/4 de 80 c) 3/20 de 400 d) 1/3 de 60
 e) 2/7 de 21 f) 3/5 de 80 g) 5/4 de 16 h) 3/5 de 75
 Sol: a) 10; b) 60; c) 60; d) 20; e) 6; f) 48; g) 20; h) 45

11. Calcula y simplifica:

a) $\frac{5}{2} \cdot \frac{2}{4}$ b) $\frac{3}{4} \cdot 2$ c) $\frac{1}{3} \cdot 6$ d) $\frac{3}{2} \cdot \frac{2}{5}$ e) $\frac{3}{2} \cdot \frac{4}{5}$
 f) $\frac{2}{3} \cdot \frac{6}{5}$ g) $\frac{5}{3} \cdot \frac{2}{10}$ h) $\frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3}$ i) $\frac{5}{2} \cdot \frac{4}{5}$ j) $\frac{7}{4} \cdot \frac{2}{3}$

sol: a) 5/4; b) 3/2; c) 2; d) 3/5; e) 6/5; f) 4/5; g) 1/3; h) 1/6; i) 2; j) 7/6

12. Opera:

a) $\frac{1}{3} + \frac{1}{2} - \frac{1}{5}$ b) $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$ c) $\frac{3}{4} - \frac{1}{2} + 1$ d) $3 - \frac{1}{2} + \frac{2}{3}$
 e) $\frac{1}{6} + 2 - \frac{1}{3}$ f) $2 - \frac{1}{3} + \frac{1}{2}$ g) $\frac{1}{4} - \frac{1}{3} - 1$ h) $\frac{1}{6} - \frac{1}{3} - \frac{1}{2}$

Sol: a) 19/30; b) 5/12; c) 5/4; d) 19/6; e) 11/6; f) 13/6; g) -13/12; h) -2/3

13. Calcula:

a) $2 - \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{6} \right)$ b) $\left(3 - \frac{2}{3} \right) + \left(3 - \frac{1}{4} \right)$ c) $\frac{2}{3} - 2 + \frac{1}{2}$
 d) $3 - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right)$ e) $\frac{1}{3} - \left(2 + \frac{1}{2} \right)$ f) $\left(\frac{3}{2} - \frac{1}{4} \right) - \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{2} \right)$

Sol: a) 7/6; b) 61/12; c) -5/6; d) 13/6; e) -13/6; f) 1/12

14. Representa en forma mixta las siguientes fracciones:

a) 13/5; b) 7/3; c) 15/4; d) 20/7; e) 32/9; f) 25/6

Sol: a) 2 + 3/5; b) 2 + 1/3; c) 3 + 3/4; d) 2 + 6/7; e) 3 + 5/9; f) 4 + 1/6

15. Opera:

a) $\frac{1}{3} - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3}$ b) $\left(\frac{5}{3} - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right) - \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right)$
 c) $\frac{1}{3} - \left(\frac{1}{4} + \frac{2}{3} \right) - 3 \cdot \frac{1}{2}$ d) $\left(\frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) \cdot 4 + \frac{1}{3} - 2$
 e) $\frac{1}{2} - \left(\frac{1}{3} + \frac{2}{4} \right) - 3 \cdot \frac{1}{2}$ f) $\frac{1}{4} - \frac{3}{2} + 2 \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} \right)$
 g) $\frac{1}{4} - \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} - \frac{3}{2}$ h) $\frac{2}{4} \cdot \frac{1}{3} - \left(\frac{2}{6} + 1 \right)$

Sol: a) 0; b) 5/6; c) -25/12; d) -19/15; e) -11/6; f) -19/12; g) -17/12; h) -7/6

16. Reduce a una fracción:

$$\begin{array}{ll}
 \text{a) } \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{5} \right) - \frac{2}{5} \cdot \left(\frac{3}{2} - \frac{2}{3} \right) & \text{b) } \frac{1 - \frac{2}{3}}{\frac{3}{2} - 1 + \frac{1}{3}} \quad \text{c) } \frac{\frac{3}{4} - \frac{1}{2}}{\frac{3}{2} - \frac{1}{3} + 1} \\
 \text{d) } \frac{\frac{2}{3} - 1 - \frac{1}{2}}{\frac{1}{4} + \frac{1}{2}} & \text{e) } \frac{2 - \frac{1}{3} + 1}{\frac{3}{2} - 1 + \frac{1}{3}}
 \end{array}$$

Sol: a) $-7/30$; b) $2/5$; c) $3/26$; d) $-10/9$; e) $16/5$

17. Opera pasando a forma de fracción:

$$\begin{array}{ll}
 \text{a) } 0,3333 + 0,2222 - 1,1111 & \text{b) } 1,3333 - 0,4444 + 0,1111 \\
 \text{c) } 0,2222 - 0,12222 + 0,21111 & \text{d) } 1,2 - 1,2222 + 0,3333 \\
 \text{e) } 0,121212 - 0,5555 + 1 & \text{f) } 1,5555 - 0,5 + 0,6666
 \end{array}$$

Sol: a) $-5/9$; b) $17/9$; c) $14/45$; d) $14/45$; e) $56/99$; f) $31/18$

18. Opera:

$$\begin{array}{lll}
 \text{a) } 2 : \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) + \frac{1}{4} & \text{b) } \left(\frac{3}{2} : \frac{1}{2} \right) + \left(\frac{1}{3} : \frac{1}{2} \right) & \text{c) } \frac{2}{3} + 3 : \left(\frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3} \right) \\
 \text{d) } \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} \right) : \left(\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{4} & \text{e) } \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{3} \right) \cdot \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{2} \right) & \text{f) } \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2} \right) : \frac{1}{6} + \frac{1}{2}
 \end{array}$$

Sol: a) $49/4$; b) $11/3$; c) $56/3$; d) $-1/4$; e) $-5/72$; f) $3/2$

19. Resolver las siguientes operaciones:

$$\begin{array}{ll}
 \text{a) } \frac{\frac{3}{2} + \frac{4}{3} - \frac{2}{4} + \frac{5}{3}}{\frac{6}{3} + \frac{5}{2} + \frac{9}{6} - \frac{9}{4}} & \text{b) } \frac{\left(\frac{3}{2} + \frac{4}{5} \right) \cdot \left(\frac{7}{3} - \frac{5}{2} \right)}{\frac{2}{3} + \frac{-5}{4} - \left(\frac{4}{2} - \frac{3}{4} \right)}
 \end{array}$$

Sol: a) $48/25$; b) $23/110$

20. Resolver las siguientes operaciones:

$$\begin{array}{ll}
 \frac{\frac{1}{3} - \frac{2}{3}}{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4}} - \frac{\frac{7}{8} + \frac{3}{8}}{\frac{3}{4} + \frac{1}{4}} & \text{b) } \frac{\frac{3-5}{4+2} - \frac{7+4}{3+1} - \frac{5-2}{7-1}}{\frac{6+2}{5-4} - \frac{7-3}{6-2} + \frac{2+1}{3+3}} \\
 \text{a) } \frac{3 - \frac{1}{2}}{\frac{1}{4} - \frac{1}{8}} + \frac{\frac{2}{2} + 2}{\frac{2}{3} + \frac{1}{3}} &
 \end{array}$$

Sol: a) $-47/272$; b) $-43/90$

21. Completar:

$$a) \frac{3}{2} = \frac{6}{4} = \frac{9}{6} = \frac{12}{8} = \frac{15}{10}$$

$$b) \frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{6}{9} = \frac{8}{12}$$

$$c) \frac{4}{3} = \frac{8}{6} = \frac{12}{9} = \frac{16}{12}$$

$$d) \frac{5}{6} = \frac{10}{12} = \frac{15}{18} = \frac{20}{24}$$

22. Opera:

$$a) \frac{\frac{2}{3} - \frac{1}{3}}{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4}} - \frac{\frac{7}{8} + \frac{3}{8}}{\frac{3}{4} + \frac{1}{4}}$$

$$b) \frac{\left(\frac{3}{5} - \frac{1}{4} + \frac{1}{10}\right) \cdot \frac{3}{2} - \frac{1}{5}}{\left(\frac{2}{6} + \frac{1}{3} - \frac{6}{4}\right) : \frac{2}{3} + \frac{1}{6}}$$

$$c) \frac{3 - \frac{1}{2}}{\frac{1}{4} - \frac{1}{8}} + \frac{\frac{2}{2} + 2}{\frac{3}{2} + \frac{1}{3}}$$

$$d) \frac{\frac{2}{6} + \frac{3}{2} + \frac{2}{4} : \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{3} - \frac{3}{2}\right)}{\frac{1}{4} + \frac{1}{6} - \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{6} + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} - \frac{1}{6}\right)}$$

Sol: a) 1/16; b) -57/130; c) 82/65; d) 31/3

23. Opera: $(3/4 + 1/6 - 1/3 \wedge 3/2) : (3/4 \wedge 1/2 + 1/8) - (2/3 + 1/6 + 1/3)$

Sol: -1/3

24. Disponemos de una cuerda de 30 metros de longitud. Calcula:

a) 1/3 de esa cuerda

b) 1/2 de la cuerda

c) 2/5 de la cuerda

Sol: a) 10 m; b) 15 m; c) 12 m

25. Indica cuál es el período de los siguientes números decimales:

a) 0,3454545...

b) 3,4252525...

c) 1,356356...

d) 0,2738738...

26. De las siguientes fracciones di a qué tipo de decimal equivalen:

a) 4/3

b) 3/6

c) 1/4

d) 11/5

e) 13/7

27. Clasifica los siguientes decimales:

a) 3,5555...

b) 3,5444...

c) 2,132

d) 0,02323...

28. ¿Cuáles de las siguientes fracciones son equivalentes?

$$\frac{1}{5}; \frac{3}{15}; \frac{2}{6}; \frac{4}{8}; \frac{5}{15}; \frac{4}{20}; \frac{5}{10}; \frac{7}{21}$$

$$\text{Sol: } \frac{1}{5} = \frac{3}{15} = \frac{4}{20}; \frac{2}{6} = \frac{5}{15} = \frac{7}{21}; \frac{5}{10} = \frac{4}{8}$$

29. Indica de qué clase es cada uno de los siguientes decimales:

- a) 2,34 b) 0,215215... c) 25,67 d) 0,0023 e) 0,3222...
f) 35,555... g) 22,222... h) 0,0303... i) 1,235235...

30. Ordena de mayor a menor las siguientes fracciones:

- a) $\frac{1}{5}; \frac{4}{15}; \frac{2}{6}; \frac{3}{2}$ b) $\frac{4}{20}; \frac{2}{5}; \frac{3}{10}$ c) $\frac{1}{3}; \frac{2}{9}; \frac{3}{6}; \frac{1}{18}$

Sol: a) $\frac{1}{5} < \frac{4}{15} < \frac{2}{6} < \frac{3}{2}$; b) $\frac{4}{20} < \frac{3}{10} < \frac{2}{5}$; c) $\frac{1}{18} < \frac{2}{9} < \frac{1}{3} < \frac{3}{6}$

31. Halla dos fracciones equivalentes a las dadas:

- a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{1}{4}$ c) $\frac{3}{2}$ d) $\frac{5}{7}$ e) $\frac{4}{6}$

32. Halla la fracción irreducible equivalente a las dadas:

- a) $\frac{24}{16}$ b) $\frac{9}{27}$ c) $\frac{14}{21}$ d) $\frac{32}{36}$ e) $\frac{36}{27}$

Sol: a) $\frac{3}{2}$; b) $\frac{1}{3}$; c) $\frac{2}{3}$; d) $\frac{8}{9}$; e) $\frac{4}{3}$

33. Indica cuáles de las siguientes fracciones son propias y cuáles son impropias:

- a) $\frac{32}{45}$ b) $\frac{1}{7}$ c) $\frac{10}{3}$ d) $\frac{3}{18}$ e) $\frac{21}{15}$ f) $\frac{44}{37}$

34. Reduce a mínimo común denominador las siguientes fracciones:

- a) $\frac{1}{5}; \frac{2}{15}; \frac{5}{6}; \frac{13}{2}$ b) $\frac{3}{4}; \frac{3}{5}; \frac{3}{10}$ c) $\frac{1}{3}; \frac{5}{9}; \frac{4}{6}; \frac{3}{9}$

Sol: a) $\frac{6}{30}; \frac{4}{30}; \frac{25}{30}; \frac{195}{30}$; b) $\frac{15}{20}; \frac{12}{20}; \frac{6}{20}$; c) $\frac{3}{9}; \frac{5}{9}; \frac{6}{9}; \frac{3}{9}$

35. Calcula:

- a) $\frac{3}{5}$ de 75 b) $\frac{2}{3}$ de 18 c) $\frac{3}{7}$ de 42 d) $\frac{5}{4}$ de 32

Sol: a) 45; b) 12; c) 18; d) 40

36. Representa sobre la recta los siguientes números racionales:

- a) $\frac{1}{5}$ b) $\frac{2}{3}$ c) $-\frac{1}{4}$ d) $\frac{4}{5}$ e) $-\frac{1}{2}$ f) $-\frac{3}{6}$

37. Calcula:

- a) $\frac{1}{5} \cdot \frac{5}{4} \cdot \frac{3}{2}$ b) $\frac{4}{3} \cdot \frac{5}{3} \cdot \frac{3}{10}$ c) $\frac{1}{3} \cdot \frac{9}{5} \cdot \frac{10}{6}$ d) $\frac{3}{5} \cdot \frac{15}{16} \cdot \frac{10}{3}$

Sol: a) $\frac{3}{8}$; b) $\frac{2}{3}$; c) 1; d) $\frac{15}{8}$

38. Calcula la fracción generatriz de cada uno de los siguientes decimales:

- a) 0,34 b) 1,3434... c) 2,3555... d) 4,23 e) 0,034747...

Sol: a) $\frac{34}{100}$; b) $\frac{133}{99}$; c) $\frac{212}{90}$; d) $\frac{423}{100}$; e) $\frac{344}{9900}$

39. Escribe los siguientes cocientes como productos:

a) $\frac{1}{5} : \frac{5}{4}$ b) $\frac{4}{3} : \frac{5}{3}$ c) $\frac{1}{3} : \frac{10}{6}$ d) $\frac{3}{5} : \frac{10}{3}$ e) $\frac{3}{4} : \frac{5}{7}$ f) $\frac{4}{5} : \frac{1}{3}$

Sol: a) $\frac{1}{5} \cdot \frac{4}{5}$; b) $\frac{4}{3} \cdot \frac{3}{5}$; c) $\frac{1}{3} \cdot \frac{6}{10}$; d) $\frac{3}{5} \cdot \frac{3}{10}$; e) $\frac{3}{4} \cdot \frac{7}{5}$; f) $\frac{4}{5} \cdot 3$

40. Realiza las siguientes operaciones:

a) $\frac{1}{3} + \frac{5}{4} + \frac{3}{2}$ b) $\frac{4}{3} + \frac{5}{3} - \frac{3}{2}$ c) $\frac{1}{3} + \frac{9}{5} - \frac{10}{6}$ d) $\frac{3}{6} - \frac{15}{18} + \frac{7}{3}$

Sol: a) $37/12$; b) $3/2$; c) $7/15$; d) 2

41. Un autobús de 54 plazas está ocupado en sus $5/6$, cuántas plazas quedan vacías?

Sol: 9

42. Una caja de galletas trae 3 paquetes de 24 galletas cada una. Dos amigos cogen un paquete cada uno. Si el primero comió $2/3$ de las suyas y el otro los $5/6$ del suyo. cuántas galletas comió uno más que el otro?. Sol: 4

43. Un piso de 90 metros cuadrados se reparte de la siguiente manera: $1/2$ corresponden a las habitaciones, $1/6$ a la cocina, $1/6$ a los cuartos de baño y el resto al pasillo. ¿Cuántos metros cuadrados ocupa el pasillo?. Sol: 15

44. Un padre reparte 24 euros entre sus tres hijos. A uno le da la mitad, al segundo $1/3$ y al tercero el resto. ¿cuánto recibió cada uno? Sol: 12, 8, 4

45. Un depósito de riego tiene una capacidad de 24000 litros. Un día se consumen $2/3$ del depósito, al día siguiente no se riega y el depósito recupera $1/3$ de su capacidad. Al día siguiente se consumen 6000 litros. Si inicialmente el depósito contenía 18000 litros. ¿Qué fracción del total queda el último día?. Sol: $1/6$

46. Resuelve:

a) $\frac{1}{3} + 2 \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{3} \right) + \frac{2}{4} : \frac{1}{3}$ b) $\frac{2}{4} - \frac{1}{2} + 2 \left(\frac{3}{5} - \frac{6}{10} \right) + \frac{2}{5}$

c) $\frac{3}{2} - \frac{1}{4} \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{4} \right)$ d) $\left(\frac{1}{3} - \frac{1}{5} \right) \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{6} : \frac{1}{3}$

e) $3 \cdot \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{3} \right) - \frac{1}{3} \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{6} \right)$ f) $2 \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{4} \right) + \frac{1}{2} \left(\frac{3}{5} - \frac{1}{3} \right)$

g) $\left(\frac{3}{2} + \frac{1}{4} \right) : \left(\frac{3}{3} - \frac{1}{4} \right)$ h) $\left(\frac{2}{3} + \frac{1}{2} - \frac{1}{4} + \frac{3}{6} \right) : \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{4} \right)^{-1}$

Sol: a) $5/3$; b) $2/5$; c) $67/48$; d) $17/30$; e) $1/3$; f) $79/30$; g) $7/3$; h) $-17/48$

47. Resuelve:

$$a) \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{1}{2} + \frac{3}{4} - \frac{1}{3}$$

$$b) \left(\frac{2}{6} + \frac{1}{3}\right) - \frac{2}{4} + \frac{1}{3} : \frac{2}{4}$$

$$c) \left(\frac{3}{6} + \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{1}{3} : \frac{2}{4}$$

$$d) \left(\frac{3}{5} - \frac{1}{5}\right)^{-1} \cdot \frac{5}{2} + \frac{3}{4} - \frac{1}{3}$$

$$e) \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{6} - 1\right)^2 - \left(\frac{1}{3} + 2\right)^2$$

$$f) \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{6}{5} + \frac{1}{5} - \frac{1}{2}$$

$$g) \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{3}\right)^2 \cdot 2 + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{2}\right)$$

$$h) \left(\frac{3}{6} + \frac{1}{2}\right)^{-1} \cdot \frac{3}{2} + \frac{1}{4} : \frac{1}{2}$$

Sol: a) 1; b) 5/6; c) -5/48; d) 20/3; e) -65/12; f) -1/10; g) -7/36; h) 2

48. Resuelve:

$$a) \left(\frac{3}{6} + 1\right)^{-1} \cdot \frac{3}{2} - \left(\frac{1}{4} + \frac{9}{12}\right)$$

$$b) \left(\frac{3}{6} + 1\right)^{-1} \cdot \frac{3}{2} - \left(\frac{1}{4} + \frac{9}{12}\right)$$

$$c) \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{3}\right) \frac{2}{4} - \frac{1}{2}$$

$$d) \left(\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2}\right) - \frac{1}{6} + \frac{3}{2}$$

$$e) \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{4}\right) : \left(\frac{1}{3} - \frac{2}{4}\right)$$

$$f) \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{6}\right) - \frac{1}{3} : \frac{1}{4}$$

$$g) \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2}\right) + \frac{1}{6} : \frac{3}{2}$$

$$g) \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{6}\right) : \frac{3}{2} - \frac{2}{4}$$

Sol: a) 0; b) 0; c) 1/12; d) 3/2; e) -15/2; f) 1/3; g) 5/18; h) -5/18

49. Resuelve:

$$a) \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{3}\right) + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} : \frac{1}{4}$$

$$b) \left(\frac{3}{2} : \frac{1}{3}\right) + \frac{1}{4} - \frac{1}{6} : \frac{3}{2}$$

$$c) \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) - \frac{1}{6} + \frac{1}{3} : \frac{2}{3}$$

$$d) \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{3}\right)^{-1} \cdot \frac{2}{6} + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{3}\right) \cdot 2$$

$$e) \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{3}\right)^{-1} \cdot 2 + \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{3}\right)^{-1}$$

$$f) \left(\frac{3}{3} - \frac{1}{4}\right)^{-1} \cdot \frac{3}{4} + \frac{2}{3} - \frac{1}{4}$$

$$g) \frac{3 - 3 + \left(\frac{1}{2} - \frac{2}{4}\right) - (3 + 2)}{-5 + 2 + (3 - 1) \cdot (2 - 3) - 2}$$

$$h) \frac{3 + (-3) - \frac{1}{2} + \frac{2}{4} + (-3 + 2)}{-4 + 3 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{4}{16}}$$

Sol: a) -1; b) 167/36; c) 5/12; d) 5/42; e) -6/5; f) 17/12; g) 5/7; h) 1

50. Opera:

$$a) \frac{\left[\left(\frac{3}{6} - \frac{1}{3} \right) \left(\frac{4}{6} + \frac{1}{3} \right)^{-1} \right]^{-2}}{\left[\left(\frac{3}{4} + \frac{1}{3} - \frac{1}{6} + \frac{1}{3} \right)^{-1} \right]}$$

$$b) \frac{\left(\frac{3}{4} + \frac{1}{3} \right)^{-1} - \left(\frac{3}{6} + \frac{7}{12} \right)^{-1}}{\left(\frac{3}{5} - \frac{1}{6} \right)^{-24} \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4} \right)^{37}}$$

$$c) \frac{\left(\frac{3}{3} \right)^8 + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{6} \right)^{-1}}{\left(\frac{3}{4} - \frac{2}{3} \right) \left(\frac{3}{4} - \frac{2}{3} \right)}$$

$$d) \frac{\left[\left(\frac{4}{9} + \frac{1}{6} \right)^{-1} \cdot \left(\frac{3}{4} \right)^{-1} - 1 \right]^1}{\left[\left(\frac{3}{2} - \frac{1}{5} \right)^{-1} \left(\frac{4}{3} + \frac{1}{6} \right)^{-1} \right]^{-1}}$$

$$e) \frac{\left(\frac{2}{4} + \frac{1}{3} \right)^{-1} \left(\frac{1}{2} + \frac{4}{12} \right)}{\left(\frac{3}{6} + \frac{1}{3} \right)^{-1} \left(\frac{2}{4} + \frac{3}{9} \right)}$$

$$f) \frac{\left(\frac{3}{4} - \frac{1}{6} \right) - \frac{2}{6} - \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{4} \right)}{\left(\frac{2}{6} + \frac{1}{6} \right) \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{6} \right) \cdot 4}$$

$$g) \frac{\left(\frac{3}{3} + \frac{1}{6} \right) - \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{3} \right)^{-1} \cdot \frac{1}{2}}{\left(\frac{3}{4} - \frac{1}{6} \right)^{-1} - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{4} \right) - \frac{1}{6}}$$

$$h) \frac{\left(\frac{3}{6} \cdot \frac{2}{4} \right) - \frac{1}{3} + \frac{1}{6}}{\left(\frac{3}{4} - \frac{1}{4} \right)^{-1} + \frac{1}{4} - \frac{1}{3}}$$

Sol: a) $(24/5)^2$; b) 0; c) 1872; d) 88/39; e) 1; f) -1/6; g) 26/81; h) 1/23

51. Resuelve:

$$a) \frac{\left(\frac{3}{6} + \frac{1}{3} \right) - \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{6} \right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} \right)}{\left(\frac{2}{6} + \frac{2}{6} \right) \cdot 2 - \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4} \right) \cdot 2}$$

$$b) \frac{\left(\frac{3}{4} + \frac{1}{6} - \frac{1}{3} \right) \cdot 2 - \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{6} \right) \cdot \frac{3}{2}}{\left(-\frac{1}{4} + \frac{1}{3} \right) \cdot \frac{-3}{4} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4}}$$

$$c) \frac{\left(\frac{3}{4} - \frac{1}{3} + \frac{1}{6} \right)^{-1} \cdot \frac{1}{12} - \frac{1}{4} + \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{3} \right)}{\left(\frac{3}{6} + \frac{1}{6} \right)^{-1} \cdot \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{6} - \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{3} \right)}$$

$$d) \frac{\left(\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{4} + \frac{2}{3} - \frac{1}{4} \right) \cdot 6}{\left(\frac{3}{2} - \frac{1}{2} \right)^{-1} \cdot \frac{3}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{6}}$$

$$e) \frac{\left(\frac{3}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{6} \right) \cdot 2 + \frac{1}{4} - \frac{1}{2}}{\left(\frac{3}{2} \left(\frac{2}{3} + \frac{2}{6} \right) - \frac{3}{2} + \frac{1}{4} \right) \cdot \frac{3}{5} - \frac{1}{2}}$$

$$f) \frac{\left(\frac{3}{4} + \frac{1}{6} \right)^{-1} \cdot \frac{1}{4} - \frac{1}{3} - \frac{1}{6}}{\left(\frac{3}{12} + \frac{1}{3} - \frac{2}{6} + \frac{1}{4} \right) \cdot 2 \cdot \left(\frac{1}{2} \right)^2}$$

$$g) \frac{\left(\frac{1}{6} + \frac{1}{3}\right)^{-1} \cdot \frac{3}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{3}}{\left(\frac{1}{12}\right)^{-1} : \left(\frac{1}{4}\right)^{-2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \left(\frac{1}{2}\right)^2}$$

$$h) \frac{\left(\frac{1}{5} + \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{5}{6} + \frac{1}{3} - \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{3}\right)}{\left(\frac{3}{2} + \frac{1}{4}\right) \cdot \frac{2}{3} + \frac{1}{6} - \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4}}$$

Sol: a) 7/10; b) 26; c) 23/63; d) 3; e) 69/10; f) -5/88; g) 7/2; h) 1/6

52. Opera:

$$a) \frac{\left(\frac{3}{5} - \frac{1}{3}\right) + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3}}{\left(\frac{2}{6} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) \cdot 2}$$

$$b) \left[\frac{\left(\frac{3}{6} \cdot \frac{1}{3}\right)^{-1}}{\left(\frac{2}{4} + \frac{1}{6}\right)^{-1}} - \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{4} + \frac{1}{3}\right)^{-1} \right]^{-1}$$

$$c) \frac{\left(\frac{3}{5} - \frac{1}{3} + \frac{1}{6}\right) \cdot \frac{6}{3}}{\left(\frac{2}{4} + \frac{1}{6} \cdot \frac{3}{2} - \frac{1}{4}\right)^{-1}}$$

$$d) \frac{\left(\frac{1}{4} - \frac{1}{3}\right) \cdot 3 + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{2}\right)^{-1}}{\left(\frac{3}{6} + \frac{1}{3}\right)^{-1} \cdot \frac{2}{4} + \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3}\right)^{-1}}$$

$$e) \frac{\left(\frac{3}{5} + \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{5}{2} - \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{3}\right)}{\left(\frac{1}{4} - \frac{1}{2}\right) \cdot \frac{1}{3} - \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{4}\right)}$$

$$f) \frac{\left(\frac{3}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{6}\right) \cdot \frac{3}{2} - \frac{1}{4}}{\left(\frac{2}{6} - \frac{1}{3}\right) + \frac{1}{4} - \frac{5}{4}}$$

$$g) \frac{\left(\frac{1}{4} + \frac{1}{6}\right) \cdot \frac{-2}{3} + \left(\frac{1}{3}\right)^{-1}}{\left(\frac{2}{4} - \frac{3}{6}\right) \cdot \left(\frac{5}{3} + \frac{1}{4}\right) - \frac{1}{2}}$$

$$h) \frac{\left[\left(\frac{2}{3} + \frac{1}{6}\right) \cdot \frac{6}{4} - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{6}\right)\right]^{-1}}{\left(\frac{2}{4} + \frac{1}{6} - \frac{1}{3}\right) \cdot 2}$$

Sol: a) 21/50; b) 19/24; c) 13/30; d) -85/72; e) -11/3; f) -7/4; g) -49/9; h) 2

53. Resuelve:

$$a) \frac{\left(\frac{3}{4} - \frac{1}{5}\right) - \frac{4}{3} : \left(\frac{5}{2} + \frac{3}{4}\right)}{\left(\frac{1}{5} + \frac{1}{3} - \frac{1}{2}\right) - \left(\frac{1}{4}\right)^{-1}}$$

$$b) \frac{\frac{2}{4} + \frac{1}{3}}{\frac{3}{5}} - \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{3}}{\frac{6}{4}}$$

$$c) \frac{\frac{1}{6} + \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4} - \frac{1}{3} : \frac{1}{4}}{\left(\frac{3}{2} - \frac{1}{6} + \frac{1}{4}\right) \cdot \frac{4}{3} : \frac{1}{9}}$$

$$d) \frac{\frac{1}{5} + \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} - \frac{2}{6} + \frac{3}{2}}{\frac{3}{5} + \frac{1}{3} - \frac{3}{4}} - \frac{\frac{3}{2} - \frac{1}{4}}{\frac{3}{2} + 1}$$

$$e) \frac{\frac{3}{4} + \frac{1}{3} - \frac{5}{4}}{\frac{3}{2} + \frac{1}{3}} \cdot \frac{\left(\frac{1}{4} + \frac{1}{6}\right) \cdot 2 - \frac{1}{2}}{\frac{3}{4} - \frac{2}{3}}$$

$$f) \frac{\left(\frac{2}{6} + \frac{1}{3}\right) : \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{3}{2} + 1}{\left(\frac{6}{4} + \frac{3}{2}\right) - \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{4}\right) \cdot \frac{3}{2} - 1}$$

$$g) \frac{\frac{4}{3} - \frac{1}{6} - \frac{2}{2}}{\frac{3}{2} : \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{3}{2} + 1\right)} \cdot \frac{\frac{3}{2} \cdot \frac{4}{3} + 1}{\frac{3}{2} - \frac{1}{3}}$$

$$h) \frac{\left[\left(\frac{3}{4}\right)^{-1} + \left(\frac{1}{3}\right)^{-1}\right]^{-1}}{\left(\frac{3}{2}\right) \left(3^{-1} + \frac{1}{4} - \frac{1}{6}\right)^{-1}}$$

Sol: a) 132/13; b) 5/6; c) -1/19; d) 99/56; e) -4/11; f) 240/31; g) 2/35; h) 7/384